

Варіант 41

Частина перша

Завдання 1.1 – 1.12 мають по чотири варіанти відповідей, з яких тільки ОДНА відповідь ПРАВИЛЬНА. Оберіть правильну, на Вашу думку, відповідь та позначте у бланку відповідей.

1.1. Якому одночлену дорівнює вираз $5,4x^6 \cdot \frac{1}{9}x^2$?

- А) $0,6x^8$; Б) $0,6x^{12}$; В) $6x^{12}$; Г) $6x^8$.

1.2. При якому значенні x виконується рівність $\sqrt{x} = 9$?

- А) 81; Б) 18; В) 27; Г) 3.

1.3. Яка з пар чисел є розв'язком рівняння $7x - 4y = 2$?

- А) (0; 2); Б) (3; 5); В) (1; 1); Г) (2; 3).

1.4. Чому дорівнює добуток коренів рівняння $x^2 - 10x + 3 = 0$?

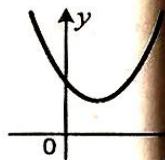
- А) 10; Б) 3; В) -10; Г) -3.

1.5. Серед учнів класу 12 хлопчиків, що становить $\frac{3}{8}$ усіх учнів. Скільки всього учнів у класі?

- А) 28 учнів; Б) 40 учнів; В) 36 учнів; Г) 32 учні.

1.6. На рисунку зображено графік квадратичної функції $y = ax^2 + bx + c$, D — дискримінант квадратного тричлена $ax^2 + bx + c$. Укажіть правильне твердження.

- А) $a > 0, c > 0, D > 0$; В) $a > 0, c > 0, D < 0$;
Б) $a < 0, c < 0, D > 0$; Г) $a < 0, c < 0, D < 0$.



1.7. Один пішохід долає шлях від пункту A до пункту B за 3 год, а другий пішохід з пункту B у пункт A — за 6 год. Через скільки годин пішоходи зустрінуться, якщо вийдуть одночасно назустріч один одному з пунктів A і B ?

- А) 2 год; Б) 2,5 год; В) 3 год; Г) 6 год.

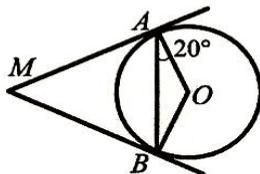
1.8. Областю визначення якої функції є проміжок $(-\infty; 7)$?

- А) $y = \sqrt{7+x}$; Б) $y = \frac{1}{\sqrt{7+x}}$; В) $y = \frac{1}{\sqrt{7-x}}$; Г) $y = \sqrt{7-x}$.

1.9. Укажіть правильне твердження.

- А) існує кут, синус і косинус якого рівні;
Б) існує кут, синус і косинус якого дорівнюють нулю;
В) синус кута трикутника може дорівнювати від'ємному числу;
Г) синус кута трикутника може дорівнювати нулю.

- 1.10. Через точку M до кола з центром O , зображеного на рисунку, проведено дотичні MA і MB , A і B — точки дотику, $\angle BAO = 20^\circ$. Знайдіть кут AMB .



- А) 20° ; Б) 40° ; В) 60° ; Г) 70° .

- 1.11. У певний момент часу довжина тіні Київської телевізійної вежі дорівнює 55 м, а довжина тіні дерева, яке росте поруч з телевежею, — 2 м. Яка висота телевежі, якщо висота дерева дорівнює 14 м?

- А) 370 м; Б) 375 м; В) 385 м; Г) 390 м.

- 1.12. Скільки центрів симетрії має трапеція?

- А) один; Б) два; В) чотири; Г) жодного.

Частина друга

Розв'яжіть завдання 2.1 – 2.6. Запишіть відповідь у бланк відповідей.

- 2.1. Було 300 г 5-відсоткового розчину солі. Через деякий час 50 г води випарували. Яким став відсотковий вміст солі в розчині?

- 2.2. Обчисліть суму п'яти перших членів геометричної прогресії (b_n) , якщо $b_3 = 18$, а знаменник $q = 3$.

- 2.3. Розв'яжіть систему нерівностей:

$$\begin{cases} (x+2)(x-4) - (x-5)(x+5) > 11, \\ \frac{3x-4}{5} \geq -2. \end{cases}$$

- 2.4. Спростіть вираз $\frac{3a}{a-4} - \frac{a+2}{2a-8} \cdot \frac{96}{a^2+2a}$.

- 2.5. Висота CK трикутника ABC ділить сторону AB на відрізки AK і BK . Знайдіть сторону BC , якщо $AC = 6$ см, $BK = 3$ см, $\angle A = 60^\circ$.

- 2.6. Одна із сторін трикутника на 10 см менша від другої, а кут між цими сторонами дорівнює 60° . Знайдіть більшу з цих сторін, якщо третя сторона трикутника дорівнює 14 см.

Варіант 42

Частина перша

Завдання 1.1 – 1.12 мають по чотири варіанти відповідей, з яких тільки ОДНА відповідь ПРАВИЛЬНА. Оберіть правильну, на Вашу думку, відповідь та позначте у бланку відповідей.

1.1. Спростіть вираз $(x + 8)(x - 8) - x(x - 6)$.

- А) $6x - 16$; Б) $6x + 16$; В) $-6x - 64$; Г) $6x - 64$.

1.2. Чому дорівнює значення виразу $(2\sqrt{5})^2$?

- А) 10; Б) 20; В) 50; Г) 100.

1.3. Яка область визначення функції $y = \sqrt{9 - 3x}$?

- А) $(-\infty; 3]$; Б) $[3; +\infty)$; В) $(3; +\infty)$; Г) $(-\infty; 3)$.

1.4. Подайте у вигляді дроби вираз $\frac{x+1}{3x} : \frac{x^2+2x+1}{9x^2}$.

- А) $\frac{x+1}{3x}$; Б) $\frac{3x}{x+1}$; В) $\frac{x+1}{6x^2}$; Г) $\frac{6x^2}{x+1}$.

1.5. Порівняйте числа $-a$ і b , якщо числа a і b — додатні.

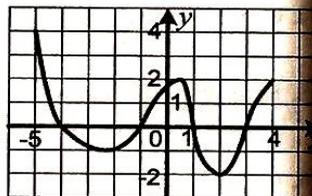
- А) порівняти неможливо; В) $-a = b$;
Б) $-a > b$; Г) $-a < b$.

1.6. Катерина і Дарина робили вареники, причому кількість вареників, зроблених Катериною, відноситься до кількості зроблених Дариною як 4 : 1. Яку частину всіх вареників зробила Дарина?

- А) $\frac{1}{4}$; Б) $\frac{4}{5}$; В) $\frac{1}{5}$; Г) $\frac{1}{3}$.

1.7. На рисунку зображено графік функції, визначеної на проміжку $[-5; 4]$. Користуючись рисунком, укажіть область значень функції.

- А) $[-5; 4]$; В) $[-2; 4]$;
Б) $[2; 4]$; Г) $[-2; 2]$.

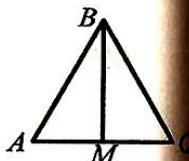


1.8. Ціну деякого товару знизили спочатку на 20 %, а потім одержану ціну знизили ще на 10 %. На скільки відсотків знизили всього початкову ціну товару?

- А) на 30 %; Б) на 28 %; В) на 15 %; Г) на 24 %.

1.9. На рисунку зображено рівнобедрений трикутник ABC з основою AC , периметр якого дорівнює 18 см. Периметр трикутника ABM , де точка M — середина відрізка AC , дорівнює 12 см. Знайдіть медіану BM .

- А) 6 см; Б) 4 см; В) 3 см; Г) 2 см.



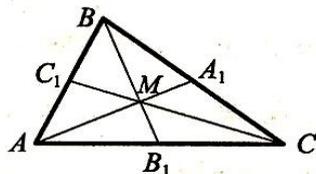
1.10. Чому дорівнює відношення площі квадрата до площі вписаного в нього круга?

- А) $2 : \pi$; Б) $\pi : 2$; В) $4 : \pi$; Г) $\pi : 4$.

1.11. Катет прямокутного трикутника дорівнює 2 см, а його гіпотенуза — $\sqrt{5}$ см. Знайдіть тангенс меншого гострого кута цього трикутника.

- А) $\frac{2}{\sqrt{5}}$; Б) $\frac{\sqrt{5}}{2}$; В) 2; Г) $\frac{1}{2}$.

1.12. Медіани трикутника ABC , зображеного на рисунку, перетинаються в точці M . Знайдіть коефіцієнт гомотетії з центром у точці B , при якій точка M є образом точки B_1 .



- А) $\frac{2}{3}$; Б) $\frac{1}{3}$; В) $-\frac{2}{3}$; Г) $-\frac{1}{3}$.

Частина друга

Розв'яжіть завдання 2.1 – 2.6. Запишіть відповідь у бланк відповідей.

2.1. Чому дорівнює значення виразу $(\sqrt{3} + 4)(\sqrt{3} - 2) - 2\sqrt{3}$?

2.2. При яких значеннях b рівняння $x^2 + bx + 36 = 0$ має два різних корені?

2.3. Розв'яжіть систему рівнянь
$$\begin{cases} 2x - y = 6, \\ 2x^2 + y^2 = 66. \end{cases}$$

2.4. Скільки цілих розв'язків має система нерівностей

$$\begin{cases} 3x + 14 \geq 4 - x, \\ \frac{5x - 1}{4} - \frac{x - 1}{2} \geq 3x - 2? \end{cases}$$

2.5. З точки до прямої проведено дві похилі, довжини яких дорівнюють 15 см і 20 см. Знайдіть відстань від даної точки до прямої, якщо різниця проєкцій похилих на цю пряму дорівнює 7 см.

2.6. Продовження бічних сторін AB і CD трапеції $ABCD$ перетинаються в точці O . Знайдіть сторону AB , якщо $AO = 18$ см, $BC : AD = 5 : 9$.

Варіант 43

Частина перша

Завдання 1.1 – 1.12 мають по чотири варіанти відповідей, з яких тільки ОДНА відповідь ПРАВИЛЬНА. Оберіть правильну, на Вашу думку, відповідь та позначте її у бланку відповідей.

1.1. Через яку з точок проходить графік рівняння $4x + 5y = 20$?

- А) $A(0; -4)$; Б) $B(1; 3)$; В) $C(5; 0)$; Г) $D(3; 2)$.

1.2. Чому дорівнює значення виразу $\frac{\sqrt{2} \cdot \sqrt{14}}{\sqrt{7}}$?

- А) 2; Б) $\sqrt{2}$; В) $\sqrt{7}$; Г) 7.

1.3. При яких значеннях x не визначена функція $y = \frac{x+1}{x^2-4x}$?

- А) 4; 0; Б) -1; 2; -2; В) 0; -4; Г) -1; 4.

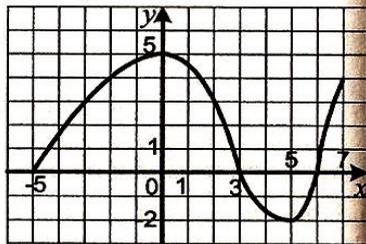
1.4. Виконайте віднімання: $\frac{16}{b^2+8b} - \frac{2}{b}$.

- А) $\frac{2}{b+8}$; Б) $-\frac{2}{b+8}$; В) $\frac{b}{b+8}$; Г) $-\frac{b}{b+8}$.

1.5. На столі лежала книга, відкрита так, що сума номерів лівої і правої сторінок дорівнювала 21. Чому дорівнював добуток цих номерів?

- А) 98; Б) 110; В) 112; Г) 144.

1.6. На рисунку зображено графік функції $y = f(x)$, визначеної на проміжку $[-5; 7]$. Користуючись рисунком, знайдіть множину розв'язків нерівності $f(x) > 0$.



- А) $[-5; 3]$; В) $[-5; 3] \cup [6; 7]$;
Б) $(-5; 3)$; Г) $(-5; 3) \cup (6; 7)$.

1.7. Знайдіть відсоток вмісту срібла в сплаві, якщо в 300 г сплаву міститься 63 г срібла.

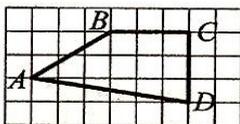
- А) 7%; Б) 14%; В) 21%; Г) 28%.

1.8. Один лісоруб може заготовити деякий об'єм дров за 3 год, а другий той самий об'єм — за 6 год. За скільки годин вони разом можуть заготовити такий самий об'єм дров?

- А) 9 год; Б) 3 год; В) 2 год; Г) 1 год.

1.9. Чому дорівнює площа зображеного на рисунку чотирикутника $ABCD$, якщо площа однієї клітинки дорівнює 1 см^2 ?

- А) 11 см^2 ; Б) 12 см^2 ; В) $11,5 \text{ см}^2$; Г) $12,5 \text{ см}^2$.



1.10. Знайдіть найменший з кутів чотирикутника, якщо вони пропорційні числам 8, 9, 7 і 6.

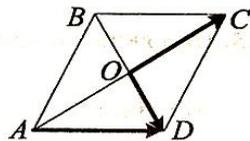
- А) 54° ; Б) 84° ; В) 36° ; Г) 72° .

1.11. Два кути трикутника дорівнюють 60° і 45° . Знайдіть його сторону, протилежну куту 45° , якщо сторона, протилежна куту 60° , дорівнює $2\sqrt{3} \text{ см}$.

- А) 2 см ; Б) $2\sqrt{2} \text{ см}$; В) 3 см ; Г) $3\sqrt{3} \text{ см}$.

1.12. На рисунку зображено паралелограм $ABCD$.

Виразіть вектор \overrightarrow{AD} через вектори $\overrightarrow{OD} = \vec{a}$ і $\overrightarrow{OC} = \vec{b}$.



- А) $\overrightarrow{AD} = \vec{a} + \vec{b}$; В) $\overrightarrow{AD} = \vec{b} - \vec{a}$;
 Б) $\overrightarrow{AD} = \vec{a} - \vec{b}$; Г) $\overrightarrow{AD} = \frac{1}{2}\vec{a} + \frac{1}{2}\vec{b}$.

Частина друга

Розв'яжіть завдання 2.1 – 2.6. Запишіть відповідь у бланк відповідей.

2.1. Виконайте ділення і подайте результат у стандартному вигляді:

$$(1,3 \cdot 10^{-6}) : (6,5 \cdot 10^{-2}).$$

2.2. Спростіть вираз $\left(\frac{\sqrt{n}}{\sqrt{m} + \sqrt{n}} - \frac{\sqrt{n} - \sqrt{m}}{\sqrt{n}} \right) : \frac{\sqrt{m}}{\sqrt{n}}$.

2.3. Обчисліть суму п'яти перших членів геометричної прогресії (b_n) , якщо $b_1 = 12$, $b_4 = 324$.

2.4. Розв'яжіть систему рівнянь $\begin{cases} y^2 - xy = 12, \\ 3y - x = 10. \end{cases}$

2.5. Знайдіть градусну міру дуги кола, довжина якої дорівнює $2\pi \text{ см}$, якщо радіус кола дорівнює 6 см .

2.6. У рівнобедреному трикутнику висота, проведена до бічної сторони, дорівнює 6 см і ділить її на дві частини, одна з яких, прилегла до вершини рівнобедреного трикутника, дорівнює 8 см . Знайдіть основу трикутника.

Варіант 44

Частина перша

Завдання 1.1 – 1.12 мають по чотири варіанти відповідей, з яких тільки ОДНА відповідь ПРАВИЛЬНА. Оберіть правильну, на Вашу думку, відповідь та позначте у бланку відповідей.

1.1. Серед даних функцій укажіть обернену пропорційність.

- А) $y = -7x$; Б) $y = -\frac{7}{x}$; В) $y = \frac{1}{x-7}$; Г) $y = -\frac{x}{7}$.

1.2. Спростіть вираз $3a^{-6}b^2 \cdot 0,4a^{-2}b^{-5}$.

- А) $1,2a^8b^3$; Б) $1,2a^{-8}b^{-3}$; В) $1,2a^{-4}b^{-3}$; Г) $1,2a^{-4}b^{-7}$.

1.3. Оцініть периметр P квадрата зі стороною x см, якщо $1,2 < x < 1,5$.

- А) $4,8 < P < 6$; Б) $2,4 < P < 3$; В) $3,6 < P < 4,5$; Г) $6 < P < 7,5$.

1.4. Виконайте віднімання: $\frac{3a-5}{a^2-b^2} - \frac{3b-5}{a^2-b^2}$.

- А) $\frac{3}{a+b}$; Б) $\frac{3}{a-b}$; В) $\frac{3a-3b-10}{a^2-b^2}$; Г) $\frac{a-b}{a+b}$.

1.5. Графіком якої функції є пряма, яка паралельна осі абсцис?

- А) $y = 7x - 4$; Б) $y = 7x$; В) $y = \frac{7}{x}$; Г) $y = 7$.

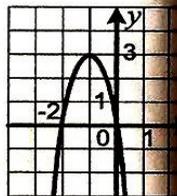
1.6. Зелений, жовтий і червоний кольори світлофора горять послідовно відповідно 50 с, 5 с і 20 с. У деякий момент часу загорілося зелене світло. Яке світло буде горіти через 3 хв?

- А) червоне; Б) зелене; В) жовте; Г) визначити неможливо.

1.7. На рисунку зображено графік функції $y = -3x^2 - 6x$.

Користуючись рисунком, укажіть множину розв'язків нерівності $-3x^2 - 6x \leq 0$.

- А) $(-\infty; -2) \cup (0; +\infty)$; В) $(-\infty; -2] \cup [0; +\infty)$;
Б) $(-2; 0)$; Г) $[-2; 0]$.



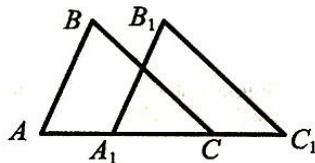
1.8. У вазі стоять 5 білих, 4 червоних і 6 рожевих троянд. Яка ймовірність того, що навмання взята троянда буде рожевою?

- А) $\frac{1}{3}$; Б) $\frac{2}{5}$; В) $\frac{3}{5}$; Г) $\frac{2}{3}$.

1.9. Знайдіть гіпотенузу прямокутного трикутника, якщо один з його катетів дорівнює 8 см, а проекція цього катета на гіпотенузу — 4 см.

- А) 32 см; Б) 12 см; В) 24 см; Г) 16 см.

- 1.10. Трикутники ABC і $A_1B_1C_1$, зображені на рисунку, рівні, причому $AB = A_1B_1$, $BC = B_1C_1$. Знайдіть відстань між точками A і C_1 , якщо $BB_1 = 8$ см, $A_1C = 10$ см.



- А) 16 см; В) 26 см;
 Б) 18 см; Г) знайти неможливо.
- 1.11. Обчисліть площу паралелограма, дві сторони якого дорівнюють 6 см і $5\sqrt{2}$ см, а кут між ними — 45° .
- А) 30 см^2 ; Б) 15 см^2 ; В) $30\sqrt{2} \text{ см}^2$; Г) $15\sqrt{2} \text{ см}^2$.
- 1.12. Які координати має точка, симетрична точці $C(-3; 5)$ відносно точки $D(1; -7)$?
- А) $(4; -12)$; Б) $(-1; -1)$; В) $(-7; 17)$; Г) $(5; -19)$.

Частина друга

Розв'яжіть завдання 2.1 – 2.6. Запишіть відповідь у бланк відповідей.

2.1. Скоротіть дріб $\frac{4a^2 + a - 3}{a^2 - 1}$.

- 2.2. Чому дорівнює найменший цілий розв'язок системи нерівностей

$$\begin{cases} \frac{2x}{5} - \frac{x-1}{3} < 1, \\ 3,6x < 1 + 5,6x? \end{cases}$$

- 2.3. Знайдіть перший член арифметичної прогресії, різниця якої дорівнює 4, а сума перших п'ятдесяти членів дорівнює 5500.

2.4. Розв'яжіть рівняння $\frac{x}{x+4} + \frac{x+4}{x-4} = \frac{32}{x^2-16}$.

- 2.5. Відрізок BD — бісектриса трикутника ABC , $AB = 24$ см, $BC = 20$ см, відрізок AD на 3 см більший за відрізок CD . Знайдіть сторону AC .

- 2.6. Одна із сторін паралелограма дорівнює 10 см, менша діагональ — 14 см, а гострий кут — 60° . Знайдіть периметр цього паралелограма.

Варіант 45

Частина перша

Завдання 1.1 – 1.12 мають по чотири варіанти відповідей, з яких тільки ОДНА відповідь ПРАВИЛЬНА. Оберіть правильну, на Вашу думку, відповідь та позначте у бланку відповідей.

1.1. Обчисліть значення виразу $(-6 + 1,2) : (-0,8)$.

- А) 6; Б) -6; В) 0,6; Г) -0,6.

1.2. Скоротіть дріб $\frac{14m^6}{35m^2}$.

- А) $\frac{2m^3}{5}$; Б) $\frac{2}{5m^3}$; В) $\frac{2m^4}{5}$; Г) $\frac{2}{5m^4}$.

1.3. Укажіть хибне твердження.

- А) 0 — натуральне число; В) 0 — раціональне число;
Б) 0 — ціле число; Г) 0 — дійсне число.

1.4. Чому дорівнює площа квадрата зі стороною $3,5 \cdot 10^{-2}$ м?

- А) $12,25 \cdot 10^{-2}$ м²; Б) $1,225 \cdot 10^{-4}$ м²; В) $1,225 \cdot 10^{-3}$ м²; Г) $12,25 \cdot 10^{-5}$ м².

1.5. Якщо з першої стопки зошитів перекласти 10 зошитів у другу стопку, в першій стане на 10 зошитів менше, ніж у другій. На скільки більш зошитів було в першій стопці, ніж у другій?

- А) на 5 зошитів; Б) на 10 зошитів; В) на 8 зошитів; Г) порівно.

1.6. Порівняйте числа $\sqrt{65}$ і $3\sqrt{7}$.

- А) $\sqrt{65} < 3\sqrt{7}$; Б) $\sqrt{65} \leq 3\sqrt{7}$; В) $\sqrt{65} = 3\sqrt{7}$; Г) $\sqrt{65} > 3\sqrt{7}$.

1.7. На гістограмі відображено об'єми продажу вовняних рукавиць протягом п'яти місяців в одній з крамниць. Скільки в середньому продавали рукавиць за один місяць?

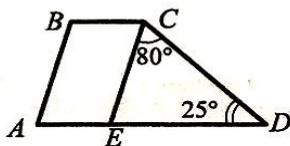


- А) 30 пар; Б) 40 пар; В) 50 пар; Г) 60 пар.

1.8. Який вираз має зміст при будь-якому значенні x ?

- А) $\frac{x-2}{x^2+9}$; Б) $\frac{x-2}{x+9}$; В) $\frac{x-2}{x-9}$; Г) $\frac{x-2}{x^2-9}$.

- 1.9. Пряма CE паралельна бічній стороні AB трапеції $ABCD$, зображеної на рисунку. Знайдіть кут B трапеції.



- А) 80° ; Б) 105° ; В) 75° ; Г) 100° .
- 1.10. Знайдіть кут правильного двадцятикутника.
А) 144° ; Б) 160° ; В) 164° ; Г) 162° .
- 1.11. Знайдіть радіус кола, описаного навколо трикутника ABC , якщо $AB = 6\sqrt{3}$ см, $\angle C = 60^\circ$.
А) 6 см; Б) 8 см; В) 12 см; Г) 16 см.
- 1.12. Скільки існує паралельних перенесень, при яких образом прямої є паралельна їй пряма?
А) одне; Б) два; В) безліч; Г) жодного.

Частина друга

Розв'яжіть завдання 2.1 – 2.6. Запишіть відповідь у бланк відповідей.

- 2.1. Спростіть вираз $(3 + \sqrt{5})(5 - \sqrt{5}) - (\sqrt{5} + 1)^2$.
- 2.2. Число -3 є коренем рівняння $2x^2 + 3x + a = 0$. Знайдіть другий корінь рівняння і значення a .
- 2.3. Розв'яжіть нерівність $\frac{6x+1}{6} - \frac{5x+4}{4} \geq -\frac{1}{3}$.
- 2.4. Спростіть вираз $(a-1)^2 \left(\frac{1}{a^2-2a+1} + \frac{1}{a^2-1} \right) + \frac{2}{a+1}$.
- 2.5. Відомо, що $\vec{c} = 2\vec{a} - 3\vec{b}$. Знайдіть $|\vec{c}|$, якщо $\vec{a}(-1; 1)$, $\vec{b}(-2; 3)$.
- 2.6. Через середину діагоналі BD прямокутника $ABCD$ проведено пряму, яка перетинає сторони BC і AD прямокутника в точках M і K відповідно, $BD = 10$ см, $BM = 6$ см, $MC = 2$ см. Обчисліть площу чотирикутника $AMCK$.

Варіант 46

Частина перша

Завдання 1.1 – 1.12 мають по чотири варіанти відповідей, з яких тільки ОДНА відповідь ПРАВИЛЬНА. Оберіть правильну, на Вашу думку, відповідь та позначте у бланку відповідей.

1.1. Подайте у вигляді степеня вираз $m^5 \cdot (m^3)^4$.

- А) m^{30} ; Б) m^{12} ; В) m^{60} ; Г) m^{17} .

1.2. Чому дорівнює значення виразу $(\sqrt{5} + \sqrt{3})^2 - \sqrt{60}$?

- А) 34; Б) 8; В) $8 - \sqrt{15}$; Г) $8 + \sqrt{15}$.

1.3. Графіком якого з рівнянь є вертикальна пряма?

- А) $x + y = 1$; Б) $x + y = 0$; В) $x = 1$; Г) $y = 1$.

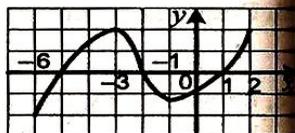
1.4. Відомо, що $m < 0$, $n < 0$. Порівняйте з нулем значення виразу $m^5 n^6$.

- А) $m^5 n^6 < 0$; В) $m^5 n^6 = 0$;
Б) $m^5 n^6 > 0$; Г) порівняти неможливо.

1.5. Яка система нерівностей має єдиний розв'язок?

- А) $\begin{cases} x \geq 4, \\ x \leq 5; \end{cases}$ Б) $\begin{cases} x \geq 4, \\ x \leq 4; \end{cases}$ В) $\begin{cases} x \leq 4, \\ x \geq 5; \end{cases}$ Г) $\begin{cases} x \leq 4, \\ x \leq 5. \end{cases}$

1.6. Укажіть проміжок спадання функції, визначеної на проміжку $[-6; 2]$, графік якої зображено на рисунку.



- А) $[-5; -3]$; В) $[-2; 1]$;
Б) $[-3; -1]$; Г) $[-3; -2]$.

1.7. Спростіть вираз $\frac{3a+b}{a-2b} \cdot \frac{2a-4b}{9a^2+6ab+b^2}$.

- А) $\frac{2}{3a+b}$; Б) $\frac{a-2b}{3a+b}$; В) $\frac{2}{3a-b}$; Г) $\frac{a-2b}{3a-b}$.

1.8. Маса повного бідона з молоком дорівнювала 25 кг. Після того як з бідона відлили половину молока, маса бідона з рештою молока становила 13 кг. Яка маса порожнього бідона?

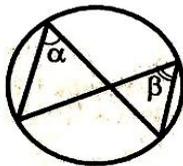
- А) 0,5 кг; Б) 1 кг; В) 1,5 кг; Г) 2 кг.

1.9. Дано 3 точки, які лежать на одній прямій. Скільки точок містить геометричне місце точок площини, рівновіддалених від даних точок?

- А) 1; Б) 2; В) безліч; Г) жодної.

1.10. Яка величина кута β , зображеного на рисунку, якщо $\alpha = 40^\circ$?

А) 20° ; Б) 80° ; В) 40° ; Г) визначити неможливо.



1.11. Обчисліть площу рівнобедреного трикутника, бічна сторона якого дорівнює 20 см, а висота, проведена до основи, — 12 см.

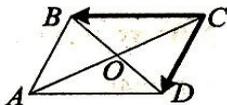
А) 192 см^2 ; Б) 240 см^2 ; В) 120 см^2 ; Г) 96 см^2 .

1.12. На рисунку зображено паралелограм $ABCD$.

Укажіть правильну рівність.

А) $\overrightarrow{CB} + \overrightarrow{CD} = \overrightarrow{BD}$; В) $\overrightarrow{CB} + \overrightarrow{CD} = \overrightarrow{CO}$;

Б) $\overrightarrow{CB} + \overrightarrow{CD} = \overrightarrow{CA}$; Г) $\overrightarrow{CB} - \overrightarrow{CD} = \overrightarrow{BD}$.



Частина друга

Розв'яжіть завдання 2.1 – 2.6. Запишіть відповідь у бланк відповідей.

2.1. Спростіть вираз $\frac{a^2+b^2}{a^2-b^2} + \frac{b}{a+b} + \frac{b}{b-a}$.

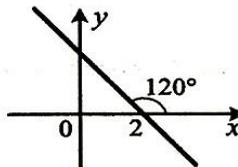
2.2. Розв'яжіть систему нерівностей $\begin{cases} (x+3)(x-1) < x^2 - x + 9, \\ \frac{5x+3}{2} - 1 \geq 3x. \end{cases}$

2.3. Знайдіть різницю арифметичної прогресії, перший член якої дорівнює 10, а сума перших чотирнадцяти членів дорівнює 1050.

2.4. На чотирьох картках записано числа 3, 4, 5 і 6. Яка ймовірність того, що добуток чисел, записаних на двох навмання вибраних картках, буде кратним числу 10?

2.5. Складіть рівняння прямої, зображеної на рисунку.

2.6. Радіус кола, вписаного в рівнобічну трапецію, дорівнює R , а один із кутів трапеції — 45° . Знайдіть площу трапеції.



Варіант 47

Частина перша

Завдання 1.1 – 1.12 мають по чотири варіанти відповідей, з яких тільки ОДНА відповідь ПРАВИЛЬНА. Оберіть правильну, на Вашу думку, відповідь та позначте у бланку відповідей.

1.1. Чому дорівнює різниця 2400 м – 0,6 км?

- А) 2,34 км; Б) 2399,4 м; В) 1,8 км; Г) 2340 м.

1.2. Спростіть вираз $\sqrt{16b} - 0,5\sqrt{36b}$.

- А) \sqrt{b} ; Б) b ; В) $7\sqrt{b}$; Г) $7b$.

1.3. Укажіть серед даних лінійних функцій спадну.

- А) $y = 0,2x - 6$; Б) $y = 6$; В) $y = 6 - x$; Г) $y = \frac{1}{6}x$.

1.4. Подайте у вигляді многочлена вираз $(x+3)^2 - (x-6)(x+6)$.

- А) $6x + 45$; Б) $6x - 45$; В) $6x - 27$; Г) $6x + 27$.

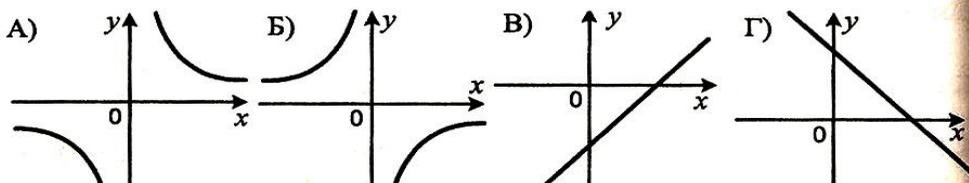
1.5. У ящику лежить певна кількість яблук. Виявилось, що їх можна розкласти у 5 однакових рядів, або у 8 однакових рядів, або у 12 однакових рядів. Яка найменша кількість яблук може бути в ящику?

- А) 480 яблук; Б) 240 яблук; В) 120 яблук; Г) 60 яблук.

1.6. Відомо, що $a > b$. Укажіть хибне твердження.

- А) $a + 4 > b + 4$; Б) $4a > 4b$; В) $-4a < -4b$; Г) $a - 4 < b - 4$.

1.7. На одному з рисунків зображено графік функції $y = -\frac{2}{x}$. Укажіть цей рисунок.



1.8. Стілець, початкова ціна якого становила 240 грн, двічі подорожчав, причому кожного разу на 50%. Скільки тепер коштує стілець?

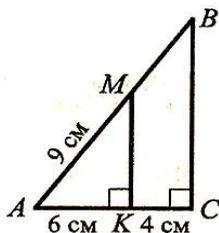
- А) 540 грн; Б) 360 грн; В) 480 грн; Г) 750 грн.

1.9. Укажіть хибне твердження.

- А) вертикальні кути рівні;
Б) якщо кути рівні, то вони вертикальні;
В) вертикальні кути мають спільну вершину;
Г) сторони вертикальних кутів утворюють дві пари доповняльних променів.

1.10. З точки M , яка належить гіпотенузі AB прямокутного трикутника ABC , зображеного на рисунку, опущено перпендикуляр MK на катет AC . Знайдіть гіпотенузу AB .

- А) 18 см; Б) 12 см; В) 15 см; Г) 10 см.

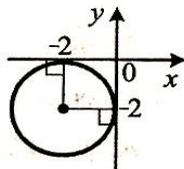


1.11. Знайдіть діагональ квадрата, сторона якого дорівнює $6\sqrt{2}$ см.

- А) 6 см; Б) $6\sqrt{2}$ см; В) $12\sqrt{2}$ см; Г) 12 см.

1.12. Укажіть рівняння кола, зображеного на рисунку.

- А) $(x-2)^2 + (y-2)^2 = 4$; В) $(x-2)^2 + (y-2)^2 = 2$;
 Б) $(x+2)^2 + (y+2)^2 = 4$; Г) $(x+2)^2 + (y+2)^2 = 2$.



Частина друга

Розв'яжіть завдання 2.1 – 2.6. Запишіть відповідь у бланк відповідей.

2.1. Розв'яжіть систему рівнянь
$$\begin{cases} x-4y=2, \\ xy+2y=8. \end{cases}$$

2.2. Спростіть вираз $\left(\frac{a+3}{a^2-1} - \frac{1}{a^2+a}\right) : \frac{3a+3}{a^2-a}$.

2.3. Розв'яжіть систему нерівностей
$$\begin{cases} 2(x+10) \geq 3(8-x), \\ (x+3)(x-6) \geq (x+4)(x-5). \end{cases}$$

2.4. Відомо, що x_1 і x_2 — корені рівняння $4x^2 - 5x - 13 = 0$. Знайдіть значення виразу $x_1x_2 - 2x_1 - 2x_2$.

2.5. Знайдіть площу круга, описаного навколо трикутника зі сторонами 7 см, 8 см і 9 см.

2.6. Висота EK трикутника DEF ділить його сторону DF на відрізки DK і KF . Знайдіть сторону DE , якщо $EF = 15$ см, $KF = 12$ см, $\angle D = 60^\circ$.

Варіант 48

Частина перша

Завдання 1.1 – 1.12 мають по чотири варіанти відповідей, з яких тільки ОДНА відповідь ПРАВИЛЬНА. Оберіть правильну, на Вашу думку, відповідь та позначте її у бланку відповідей.

1.1. Яке з чисел є ірраціональним?

- А) $\sqrt{25}$; Б) $\sqrt{0,25}$; В) $\sqrt{0,025}$; Г) $\sqrt{2500}$.

1.2. Обчисліть значення виразу $\frac{4}{100} + \frac{7}{1000}$.

- А) 0,047; Б) 0,1047; В) 0,407; Г) 0,47.

1.3. Розв'яжіть нерівність $12 - 3m \leq 9$.

- А) $m \leq -1$; Б) $m \geq -1$; В) $m \leq 1$; Г) $m \geq 1$.

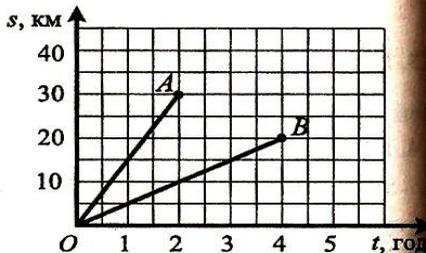
1.4. Розчин містить 4 % солі. Скільки грамів солі міститься в 350 г розчину?

- А) 140 г; Б) 14 г; В) 0,14 г; Г) 1,4 г.

1.5. Середній зріст 10 баскетболістів — 192 см, а середній зріст шести з них — 190 см. Який середній зріст решти чотирьох баскетболістів?

- А) 185 см; Б) 200 см; В) 210 см; Г) 195 см.

1.6. На рисунку зображено графіки руху велосипедиста (відрізок OA) і пішохода (відрізок OB). У скільки разів шлях, який проїхав велосипедист за 2 год, більший за шлях, пройдений за той самий час пішоходом?



- А) в 1,5 раза; В) у 2,5 раза;
Б) у 2 рази; Г) у 3 рази.

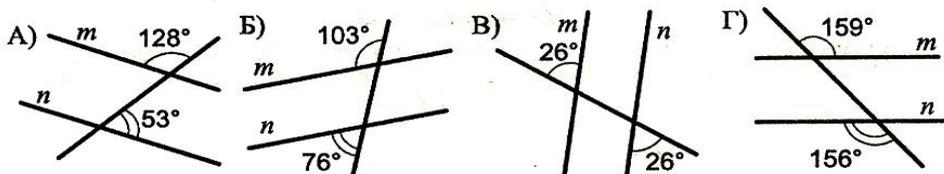
1.7. Василю потрібно 40 хв, щоб добратися до стадіону і повернутися додому, якщо туди він іде пішки, а повертається на автобусі. Якщо він іде на автобусі в обидва кінці, то на весь шлях витрачає 16 хв. Скільки часу йому потрібно, щоб пішки добратися до стадіону і повернутися додому?

- А) 64 хв; Б) 24 хв; В) 80 хв; Г) 56 хв.

1.8. Яка функція є зростаючою на всій своїй області визначення?

- А) $y = x^2$; Б) $y = \sqrt{x}$; В) $y = \frac{2}{x}$; Г) $y = -2x$.

9. На якому з рисунків прямі a і b паралельні?



10. Радіус круга дорівнює 8 см. Знайдіть площу сектора цього круга, якщо градусна міра його дуги дорівнює 54° .

- А) $\frac{12\pi}{5}$ см²; Б) $\frac{24\pi}{5}$ см²; В) $\frac{48\pi}{5}$ см²; Г) $\frac{54\pi}{5}$ см².

11. У гострокутному трикутнику ABC висоти, проведені з вершин A і C , перетинаються в точці O . Яка з рівностей є правильною?

- А) $\angle AOC = 90^\circ - \angle B$; В) $\angle AOC = 90^\circ + \angle B$;
 Б) $\angle AOC = 180^\circ - \angle B$; Г) $\angle AOC = 180^\circ - \frac{1}{2} \angle B$.

12. При якому значенні a вектори $\vec{m}(4; a)$ і $\vec{n}(-5; 2)$ перпендикулярні?

- А) 10; Б) -1; В) 18; Г) -18.

Частина друга

Розв'яжіть завдання 2.1 – 2.6. Запишіть відповідь у бланк відповідей.

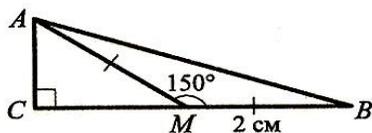
2.1. Спростіть вираз $\left(\frac{a-8}{a+8} - \frac{a+8}{a-8}\right) : \frac{16a}{64-a^2}$.

2.2. Чому дорівнює значення виразу $3a^2 - 12a - 2$, якщо $a^2 - 4a + 2 = 6$?

2.3. У кінотеатрі в кожному наступному ряді на 4 місця більше, ніж у попередньому, а всього місць у залі — 640. Скільки рядів у кінотеатрі, якщо у першому ряді 10 місць?

2.4. На 5 картках написано натуральні числа від 1 до 5. Яка ймовірність того, що добуток чисел, записаних на двох навмання взятих картках, дорівнюватиме непарному числу?

2.5. Знайдіть площу трикутника ABC , зображеного на рисунку.



2.6. Знайдіть периметр прямокутного трикутника, гіпотенуза якого на 7 см більша за один із катетів, а інший катет дорівнює 21 см.

Варіант 49

Частина перша

Завдання 1.1 – 1.12 мають по чотири варіанти відповідей, з яких тільки ОДНА відповідь ПРАВИЛЬНА. Оберіть правильну, на Вашу думку, відповідь та позначте її у бланку відповідей.

1.1. Обчисліть значення виразу $\frac{1}{3}x + \frac{1}{4}y$, якщо $x = 24$, $y = -16$.

- А) 4; Б) 6; В) 12; Г) 2.

1.2. Спростіть вираз $2a^{-4}b^6 \cdot 4,5a^{-2}b^{-6}$.

- А) $9a^{-6}b^{-12}$; Б) $9a^{-6}b$; В) $9a^{-6}$; Г) $9a^{-2}$.

1.3. Розв'яжіть рівняння $(x-6)(x+2) - x^2 = 8$.

- А) -6; Б) -5; В) -4; Г) -3.

1.4. Який звичайний дріб можна подати у вигляді скінченного десяткового дробу?

- А) $\frac{2}{3}$; Б) $\frac{5}{12}$; В) $\frac{14}{15}$; Г) $\frac{17}{200}$.

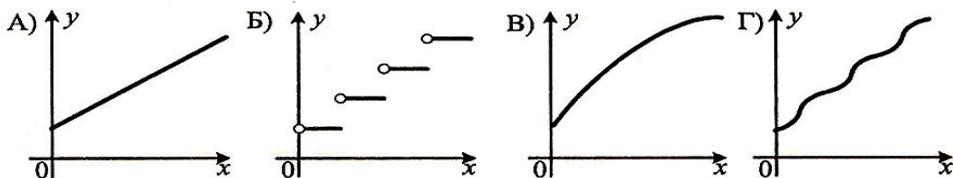
1.5. Графік функції $y = \sqrt{x}$ перенесли паралельно на 3 одиниці вправо і на 4 одиниці вгору. Графік якої функції було отримано?

- А) $y = \sqrt{x-3} + 4$; В) $y = \sqrt{x+3} + 4$;
Б) $y = \sqrt{x-3} - 4$; Г) $y = \sqrt{x+3} - 4$.

1.6. Чому дорівнює сума коренів рівняння $x^2 + 9x - 2 = 0$?

- А) 2; Б) -2; В) 9; Г) -9.

1.7. Автобус рухається за маршрутом. Вартість проїзду зростає на 1 грн через кожні 10 км. Який графік відповідає описаній ситуації (x км — довжина маршруту, y грн — вартість проїзду)?



1.8. Область визначення якої функції складається з одного числа?

- А) $y = \sqrt{x-1}$; В) $y = \sqrt{x^2-1}$;
Б) $y = \sqrt{(x-1)^2}$; Г) $y = \sqrt{-(x-1)^2}$.

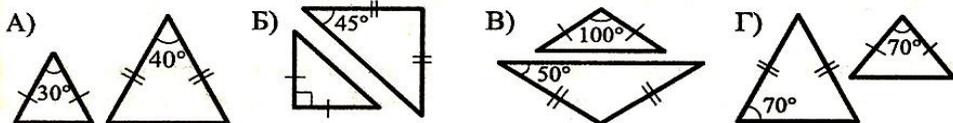
1.9. Яке з тверджень є правильним?

- А) через точку, яка не належить даній прямій, проходить тільки один відрізок, паралельний цій прямій;
- Б) через точку, яка не належить даній прямій, проходить тільки один промінь, паралельний цій прямій;
- В) через точку, яка не належить даній прямій, проходить безліч прямих, непаралельних цій прямій;
- Г) через точку, яка не належить даній прямій, проходить тільки дві прямі, паралельні цій прямій.

1.10. У трикутнику ABC відомо, що $BC = 12$ см, $AC = 16$ см. Який з наведених величин може дорівнювати довжина сторони AB ?

- А) 4 см; Б) 12 см; В) 28 см; Г) 30 см.

1.11. У якому випадку зображені рівнобедрені трикутники є подібними?



1.12. Дано точки $A(-4; 1)$, $B(-2; 4)$, $C(2; 5)$, $D(0; 2)$. Укажіть правильну рівність.

- А) $\overline{AB} = \overline{CD}$; Б) $\overline{CB} = \overline{AD}$; В) $\overline{CB} = \overline{DA}$; Г) $\overline{AB} = \overline{AD}$.

Частина друга

Розв'яжіть завдання 2.1 – 2.6. Запишіть відповідь у бланк відповідей.

2.1. Розв'яжіть нерівність $0,3 \leq \frac{3-4x}{6} \leq 0,5$.

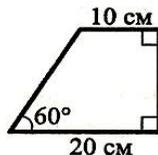
2.2. Спростіть вираз $\frac{\sqrt{6}+2}{\sqrt{6}-2} - \frac{\sqrt{6}-2}{\sqrt{6}+2}$.

2.3. Знайдіть нулі функції $y = x^4 - 2x^2 - 3$.

2.4. Розв'яжіть рівняння $\frac{4x-4}{x} + \frac{x^2+4}{x^2+x} = \frac{6+x}{x+1}$.

2.5. У колі проведено хорди AB і CD , які перетинаються в точці M . Знайдіть відрізок AC , якщо $CM=3$ см, $BM=9$ см, $BD=12$ см.

2.6. Знайдіть площу трапеції, зображеної на рисунку.



Варіант 50

Частина перша

Завдання 1.1 – 1.12 мають по чотири варіанти відповідей, з яких тільки ОДНА відповідь ПРАВИЛЬНА. Оберіть правильну, на Вашу думку, відповідь та позначте у бланку відповідей.

1.1. Спростіть вираз $(2a - 3) - (2a - 5)$.

- А) -2 ; Б) 2 ; В) 8 ; Г) -8 .

1.2. Відомо, що число a — додатне, а число b — від'ємне. Значення якої з даних виразів обов'язково є додатним числом?

- А) $b^2 - a^2$; Б) $a^4 - b^4$; В) $(b - a)^3$; Г) $a - b$.

1.3. Виконайте ділення: $\frac{a^2}{14} : \frac{a}{7}$.

- А) $\frac{a^2}{7}$; Б) $\frac{a}{7}$; В) $\frac{a}{2}$; Г) $\frac{a^2}{2}$.

1.4. На довгій стрічці через кожні 8 см роблять позначку червоним олівцем, а через кожні 6 см — синім олівцем. На якій відстані від початку стрічки вперше співпадуть червона і синя позначки?

- А) 16 см; Б) 36 см; В) 48 см; Г) 24 см.

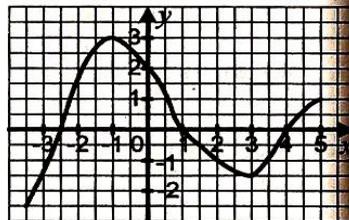
1.5. Чому дорівнює значення виразу $\frac{\sqrt{150}}{\sqrt{6}}$?

- А) 5; Б) 6; В) 12; Г) 13.

1.6. На рисунку зображено графік функції $y = f(x)$, визначеної на проміжку $[-3, 5]$.

Користуючись графіком, знайдіть множину розв'язків нерівності $f(x) < 0$.

- А) $(1; 4)$; В) $[-3, 5; -2, 5] \cup [1; 4]$;
Б) $[1; 4]$; Г) $[-3, 5; -2, 5] \cup (1; 4)$.



1.7. При яких значеннях x не визначена функція $y = \frac{x-2}{x^2-1}$?

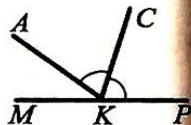
- А) 1; 2; Б) -1 ; 1; 2; В) 1; -1 ; -2 ; Г) -1 ; 1.

1.8. Дано вибірку 2, 2, 3, 4, 4, 7, 7, 7, 9. Знайдіть медіану цієї вибірки.

- А) 2; Б) 4; В) 7; Г) 5.

1.9. На рисунку промінь KC є бісектрисою кута AKP , $\angle AKP = 156^\circ$. Обчисліть градусну міру кута MKC .

- А) 102° ; Б) 122° ; В) 128° ; Г) 98° .



- 1.10. Навколо кола описано правильний шестикутник зі стороною $8\sqrt{3}$ см. Знайдіть сторону квадрата, вписаного в це коло.
- А) 12 см; Б) $12\sqrt{2}$ см; В) 6 см; Г) $6\sqrt{2}$ см.
- 1.11. У трикутнику ABC відомо, що $\angle C = 90^\circ$, $AC = 10$ см, $AB = 20$ см. Знайдіть кут A цього трикутника.
- А) 90° ; Б) 60° ; В) 45° ; Г) 30° .
- 1.12. Яка з даних фігур має центр симетрії?
- А) трикутник; Б) трапеція; В) відрізок; Г) промінь.

Частина друга

Розв'яжіть завдання 2.1 – 2.6. Запишіть відповідь у бланк відповідей.

- 2.1. Відомо, що $\frac{a}{b} = 3$. Знайдіть значення виразу $\frac{2a-3b}{a}$.
- 2.2. Розв'яжіть систему нерівностей
$$\begin{cases} (x+6)(x-1) - x(x+3) \leq 16, \\ \frac{x+2}{4} - x \leq 5. \end{cases}$$
- 2.3. Знайдіть номер члена арифметичної прогресії 11,8; 12,4; 13; ..., який дорівнює 20,8.
- 2.4. Число 4 є коренем рівняння $3x^2 - 8x + n = 0$. Знайдіть другий корінь рівняння і значення n .
- 2.5. Знайдіть кут між векторами $\vec{a}(-2; 2\sqrt{3})$ і $\vec{b}(3; -\sqrt{3})$.
- 2.6. Перпендикуляр, проведений з точки перетину діагоналей ромба до його сторони, ділить її на відрізки завдовжки 3 см і 12 см. Знайдіть більшу діагональ ромба.

Варіант 51

Частина перша

Завдання 1.1 – 1.12 мають по чотири варіанти відповідей, з яких тільки ОДНА відповідь ПРАВИЛЬНА. Оберіть правильну, на Вашу думку, відповідь та позначте її у бланку відповідей.

1.1. Округліть число 5,238 до сотих.

- А) 5,24; Б) 5,23; В) 5,2; Г) 5,3.

1.2. Одиниця виміру якої з величин є відношенням одиниць виміру двох інших величин?

- А) маси; Б) довжини; В) швидкості; Г) часу.

1.3. Спростіть вираз $18a^2b^3 \cdot \frac{a}{6b^9}$.

- А) $\frac{12a^3}{b^6}$; Б) $\frac{3a^3}{b^6}$; В) $\frac{12a^2}{b^3}$; Г) $\frac{3a^2}{b^3}$.

1.4. Як треба перенести паралельно графік функції $y = \frac{3}{x}$, щоб отримати графік функції $y = \frac{3}{x-4}$?

- А) на 4 одиниці вгору; В) на 4 одиниці вправо;
Б) на 4 одиниці вниз; Г) на 4 одиниці вліво.

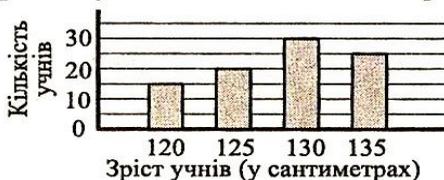
1.5. Розв'яжіть нерівність $5 - x > 7$.

- А) $x < 2$; Б) $x > -2$; В) $x > 2$; Г) $x < -2$.

1.6. Звільніться від ірраціональності в знаменнику дробу $\frac{15}{\sqrt{5}}$.

- А) $\frac{\sqrt{5}}{5}$; Б) $\frac{\sqrt{5}}{3}$; В) $5\sqrt{5}$; Г) $3\sqrt{5}$.

1.7. У школі виміряли зріст 90 шестикласників з точністю до 5 см. Результати вимірювань відобразили у вигляді стовпчастої діаграми:



Укажіть моду даної вибірки.

- А) 120 см; Б) 125 см; В) 130 см; Г) 135 см.

1.8. При якому значенні a не має коренів рівняння $(a-4)x = 2$?

- А) $a = 4$; Б) $a = -4$; В) $a = 0$; Г) $a = 2$.

- 1.9. Як можна закінчити речення «У будь-якій рівнобічній трапеції...», щоб утворилося правильне твердження?
- А) діагоналі перпендикулярні;
 Б) діагоналі точкою перетину діляться навпіл;
 В) діагоналі ділять кути трапеції навпіл;
 Г) діагоналі рівні.
- 1.10. Чому дорівнює радіус кола, вписаного в правильний трикутник зі стороною 18 см?
- А) $3\sqrt{3}$ см; Б) $9\sqrt{3}$ см; В) $6\sqrt{3}$ см; Г) $18\sqrt{3}$ см.
- 1.11. Катет прямокутного трикутника дорівнює 8 см, а його проекція на гіпотенузу — 4 см. Знайдіть гіпотенузу даного трикутника.
- А) 10 см; Б) 12 см; В) 16 см; Г) 18 см.
- 1.12. Дано рівняння кола $(x-3)^2 + (y+5)^2 = 16$. Чому дорівнює радіус кола?
- А) 8; Б) 4; В) 16; Г) 6.

Частина друга

Розв'яжіть завдання 2.1 – 2.6. Запишіть відповідь у бланк відповідей.

- 2.1. Ціну на товар знизили спочатку на 10 %, а потім ще на 20 %, після чого він став коштувати 28 грн 80 коп. Якою була початкова ціна товару?
- 2.2. Знайдіть координати точок параболи $y = -x^2 - 5x + 16$, у яких сума абсциси і ординати дорівнює 4.
- 2.3. Подайте у вигляді дроби вираз $\frac{a-6}{a^2+3a} + \frac{a}{a+3} - \frac{a-3}{a}$.
- 2.4. При яких значеннях a рівняння $x^2 + 5ax + 5a = 0$ не має коренів?
- 2.5. При паралельному перенесенні на вектор \vec{a} образом точки $A(1; -1)$ є точка $B(-2; 4)$. Які координати має прообраз точки $D(3; -4)$ при паралельному перенесенні на вектор \vec{a} ?
- 2.6. На стороні BC трикутника ABC позначено точку K так, що $\angle CAK = \angle ABC$, $BK = 12$ см, $KC = 4$ см. Знайдіть сторону AC .

Варіант 52

Частина перша

Завдання 1.1 – 1.12 мають по чотири варіанти відповідей, з яких тільки ОДНА відповідь ПРАВИЛЬНА. Оберіть правильну, на Вашу думку, відповідь та позначте її у бланку відповідей.

1.1. Обчисліть значення виразу $(2,3 + 0,07)^0 : \frac{1}{3}$.

- А) 1; Б) 12; В) 9; Г) 3.

1.2. Якому одночлену дорівнює вираз $-2a^2b^3 \cdot 3ab^4$?

- А) $-6a^2b^{12}$; Б) $-6a^3b^7$; В) $6a^3b^7$; Г) $6a^2b^{12}$.

1.3. В Олесі є певна сума грошей, за яку вона може придбати 12 однакових хустинок. Скільки хустинок вона зможе придбати за ту саму суму грошей, якщо вони подешевшають в 1,5 рази?

- А) 8 хустинок; Б) 6 хустинок; В) 15 хустинок; Г) 18 хустинок.

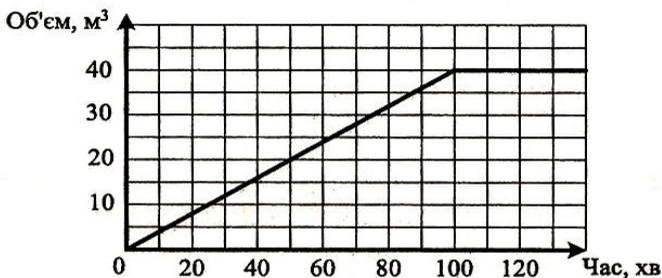
1.4. Знайдіть область визначення функції $y = \frac{5}{x^2 + x - 2}$.

- А) $(-\infty; -2] \cup [1; +\infty)$; В) $(-\infty; -2) \cup (-2; 1) \cup (1; +\infty)$;
Б) $(-\infty; -2) \cup (1; +\infty)$; Г) $(-2; 1)$.

1.5. Спростіть вираз $\frac{a^2 + 4}{a^2 - 4} \cdot \frac{a}{a + 2}$.

- А) $\frac{2}{a - 2}$; Б) $\frac{a}{a - 2}$; В) $\frac{2}{a + 2}$; Г) $\frac{a}{a + 2}$.

1.6. На рисунку зображено графік залежності об'єму води в цистерні від часу її наповнення. Протягом скількох годин цистерна наповнювалася водою?



- А) 1 год; Б) $1\frac{2}{3}$ год; В) 2 год; Г) $2\frac{1}{3}$ год.

1.7. Областю значень якої функції є проміжок $(-\infty; 4]$?

- А) $y = x^2 + 4$; Б) $y = 4 - x$; В) $y = 4$; Г) $y = 4 - x^2$.

1.8. Яка ймовірність того, що назване навмання натуральне число виявиться додатним?

- А) 0; Б) $\frac{1}{3}$; В) $\frac{1}{2}$; Г) 1.

1.9. Різниця двох кутів паралелограма дорівнює 40° . Знайдіть його кути.

- А) $40^\circ, 140^\circ, 40^\circ, 140^\circ$; В) $70^\circ, 110^\circ, 70^\circ, 110^\circ$;
Б) $80^\circ, 120^\circ, 80^\circ, 120^\circ$; Г) $60^\circ, 100^\circ, 60^\circ, 100^\circ$.

1.10. Радіус кола дорівнює 4 см. Знайдіть довжину дуги цього кола, градусна міра якої становить 63° .

- А) $\frac{7\pi}{5}$ см; Б) $\frac{7\pi}{10}$ см; В) $\frac{14\pi}{5}$ см; Г) $\frac{9\pi}{10}$ см.

1.11. Обчисліть площу трикутника, дві сторони якого дорівнюють 3 см і 2 см, а кут між ними — 60° .

- А) $\frac{3}{2}$ см²; Б) 3 см²; В) $\frac{3\sqrt{3}}{2}$ см²; Г) $3\sqrt{3}$ см².

1.12. Знайдіть координати точки, яка є образом точки $A(2; -3)$ при паралельному перенесенні на вектор $\vec{a}(-1; 4)$.

- А) (1; 1); Б) (-1; -1); В) (3; -7); Г) (-3; 7).

Частина друга

Розв'яжіть завдання 2.1 – 2.6. Запишіть відповідь у бланк відповідей.

2.1. Чому дорівнює значення виразу $(\sqrt{3} + 1)^2 - (2 + \sqrt{3})(4 - \sqrt{3})$?

2.2. Розв'яжіть систему рівнянь $\begin{cases} x + y = 2, \\ 2x^2 - xy = 65. \end{cases}$

2.3. Запишіть у вигляді звичайного дробу число $0,3(27)$.

2.4. Спростіть вираз $\frac{5b}{b-3} - \frac{b+6}{2b-6} \cdot \frac{90}{b^2+6b}$.

2.5. Бісектриса кута D прямокутника $ABCD$ перетинає сторону AB у точці M , $BM = 5$ см, $AD = 3$ см. Знайдіть периметр прямокутника.

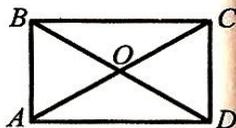
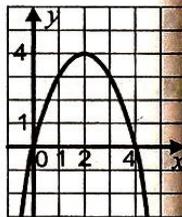
2.6. Обчисліть скалярний добуток $(\vec{a} + 2\vec{b})(\vec{a} - \vec{b})$, якщо $|\vec{a}| = |\vec{b}| = 1$, $\angle(\vec{a}, \vec{b}) = 120^\circ$.

Варіант 53

Частина перша

Завдання 1.1 – 1.12 мають по чотири варіанти відповідей, з яких тільки ОДНА відповідь ПРАВИЛЬНА. Оберіть правильну, на Вашу думку, відповідь та позначте її у бланку відповідей.

- 1.1. Чому дорівнює значення виразу $\sqrt{5^2 \cdot 2^6}$?
А) 20; Б) 80; В) 40; Г) 100.
- 1.2. Скоротіть дріб $\frac{7x+28}{x^2-16}$.
А) $\frac{7}{x+4}$; Б) $\frac{7}{x-4}$; В) $\frac{x+4}{7}$; Г) $\frac{x-4}{7}$.
- 1.3. Графіком якої з функцій є гіпербола?
А) $y = 2x + 7$; Б) $y = x^2 + 7$; В) $y = \frac{7}{x}$; Г) $y = \frac{x}{7}$.
- 1.4. Відомо, що $-6 < x < 8$. Оцініть значення виразу $\frac{1}{2}x + 1$.
А) $-2 < \frac{1}{2}x + 1 < 5$; В) $-1 < \frac{1}{2}x + 1 < 5$;
Б) $-3 < \frac{1}{2}x + 1 < 4$; Г) $-4 < \frac{1}{2}x + 1 < 4$.
- 1.5. Яку цифру треба підставити замість зірочки, щоб число 257^* було кратне 6?
А) 0; Б) 4; В) 6; Г) 8.
- 1.6. Яке рівняння не має коренів?
А) $x^2 - 8x + 6 = 0$; В) $7x^2 + 12x - 2 = 0$;
Б) $2x^2 + 10x + 6 = 0$; Г) $3x^2 - 4x + 5 = 0$.
- 1.7. На рисунку зображено графік функції $y = 4x - x^2$.
Користуючись рисунком, укажіть проміжок спадання функції.
А) $[2; +\infty)$; Б) $(-\infty; 2]$; В) $(-\infty; 4]$; Г) $[0; +\infty)$.
- 1.8. Ціна товару становила 90 грн. Через деякий час вона зменшилася на 9 грн. На скільки відсотків відбулося зниження ціни?
А) на 12 %; Б) на 9 %; В) на 10 %; Г) на 15 %.
- 1.9. На рисунку зображено прямокутник $ABCD$, відмінний від квадрата. Укажіть правильне твердження.
А) $AC = AD$; В) $AC \perp BD$;
Б) $\angle ACB = \angle ACD$; Г) $AO = BO$.

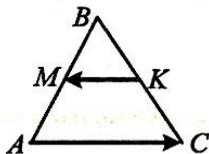


- 1.10. У трикутниках ABC і $A_1B_1C_1$ відомо, що $\angle A = \angle A_1$, $\angle C = \angle C_1$, $AC = 18$ см, $A_1C_1 = 24$ см, $B_1C_1 = 36$ см. Яка довжина відрізка BC ?
- А) 48 см; Б) 27 см; В) 32 см; Г) 16 см.

- 1.11. У колі, радіус якого дорівнює 10 см, проведено хорду завдовжки 16 см. Чому дорівнює відстань від центра кола до даної хорди?

- А) 6 см; Б) 8 см; В) 10 см; Г) 12 см.

- 1.12. Відрізок MK — середня лінія трикутника ABC , зображеного на рисунку. Виразіть вектор \overrightarrow{KM} через вектор \overrightarrow{AC} .



- А) $\overrightarrow{KM} = -\frac{1}{2}\overrightarrow{AC}$; Б) $\overrightarrow{KM} = \frac{1}{2}\overrightarrow{AC}$; В) $\overrightarrow{KM} = -2\overrightarrow{AC}$; Г) $\overrightarrow{KM} = 2\overrightarrow{AC}$.

Частина друга

Розв'яжіть завдання 2.1 – 2.6. Запишіть відповідь у бланк відповідей.

- 2.1. Розв'яжіть систему нерівностей
$$\begin{cases} x - \frac{x+1}{3} - \frac{x-2}{6} < 2, \\ 2x - 9 \leq 6x + 3. \end{cases}$$

- 2.2. Знайдіть координати точок перетину графіків рівнянь $x^2 + y^2 = 25$ і $y = 2x - 5$.

- 2.3. Спростіть вираз $\left(\frac{7}{x-3} - x - 3\right) \cdot \frac{3-x}{x^2 + 8x + 16}$.

- 2.4. Знайдіть медіану і середнє значення вибірки 10, 16, 11, 12, 14, 14, 13, 15, 15, 12, 14, 10.

- 2.5. Вершинами трикутника є точки $D(1; 5)$, $E(-4; 7)$ і $F(8; -3)$. Знайдіть медіану DA трикутника DEF .

- 2.6. Основа рівнобедреного тупокутного трикутника дорівнює 18 см, а радіус описаного навколо нього кола — 15 см. Знайдіть бічну сторону трикутника.

Варіант 54

Частина перша

Завдання 1.1 – 1.12 мають по чотири варіанти відповідей, з яких тільки ОДНА відповідь ПРАВИЛЬНА. Оберіть правильну, на Вашу думку, відповідь та позначте її у бланку відповідей.

1.1. Яку з наведених одиниць виміру використовують при вимірюванні площі?

- А) 1 см; Б) 1 с; В) 1 га; Г) 1 г.

1.2. Яке найменше натуральне число задовольняє нерівність $m > \frac{35}{6}$?

- А) 4; Б) 5; В) 6; Г) 7.

1.3. Використовуючи стандартний вигляд числа, запишіть, що висота Говерли, найвищої гори України, дорівнює 2061 м.

- А) $0,2061 \cdot 10^4$ м; В) $0,2061 \cdot 10^{-4}$ м;
Б) $2,061 \cdot 10^3$ м; Г) $2,061 \cdot 10^{-3}$ м.

1.4. Скоротіть дріб $\frac{8a-ab}{24a}$.

- А) $\frac{8-b}{24}$; Б) $\frac{1-ab}{3}$; В) $\frac{a-b}{24}$; Г) $\frac{8-ab}{24}$.

1.5. У якій координатній чверті знаходиться вершина параболи $y = (x-8)^2 - 20$?

- А) у I чверті; Б) у II чверті; В) у III чверті; Г) у IV чверті.

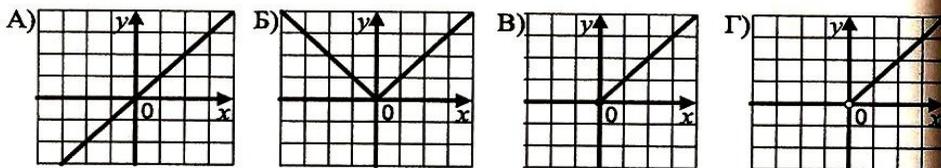
1.6. Петро і Галина їхали в одному поїзді. Петро сів у сьомий вагон від голови поїзда, а Галина — у вісімнадцятий вагон з хвоста поїзда. Проте вони їхали в одному вагоні. Скільки вагонів у поїзді?

- А) 26 вагонів; Б) 25 вагонів; В) 24 вагони; Г) 23 вагони.

1.7. Знайдіть абсциси точок перетину графіків функцій $y = 3x^2 - 5x + 2$ і $y = 11 - x - 2x^2$.

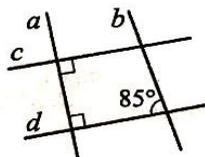
- А) 1; -1,8; Б) -1; 1,8; В) 0,9; -0,5; Г) -0,9; 0,5.

1.8. На якому з рисунків зображено графік функції $y = (\sqrt{x})^2$?



1.9. Які з прямих, зображених на рисунку, паралельні?

- А) cd ; Б) ab ; В) bc ; Г) ad .



1.10. У якому випадку можна стверджувати, що трикутник є рівностороннім?

- А) сторона трикутника в 3 рази менша від його периметра;
Б) кожна сторона трикутника в 3 рази менша від його периметра;
В) дві висоти трикутника рівні;
Г) дві бісектриси трикутника рівні.

1.11. У трикутнику ABC відомо, що $\angle C = 90^\circ$, $AC = 8$ см, $BC = 6$ см. Чому дорівнює $\sin A$?

- А) $\frac{3}{4}$; Б) $\frac{4}{3}$; В) $\frac{4}{5}$; Г) $\frac{3}{5}$.

1.12. Визначте вид кута між векторами $\vec{m}(-8; 3)$ і $\vec{n}(2; 5)$.

- А) гострий; В) прямий;
Б) тупий; Г) визначити неможливо.

Частина друга

Розв'яжіть завдання 2.1 – 2.6. Запишіть відповідь у бланк відповідей.

2.1. Чому дорівнює значення виразу $a^2 - 4a + 3$ при $a = 2 + \sqrt{3}$?

2.2. Розв'яжіть рівняння $\frac{4}{x^2 - 10x + 25} - \frac{10}{x^2 - 25} = \frac{1}{x + 5}$.

2.3. Відомо, що $x^2 + y^2 = 8$, $xy = 3$. Чому дорівнює значення виразу:

$$x^4 + y^4 - x^2y^2?$$

2.4. Який номер має перший додатний член арифметичної прогресії:

$$-10, 4; -9, 8; -9, 2; \dots ?$$

2.5. При паралельному перенесенні на вектор \vec{b} образом точки $M(1; -2)$ є точка $K(-2; 5)$. Які координати має образ точки $P(0; -3)$ при паралельному перенесенні на вектор \vec{b} ?

2.6. Складіть рівняння прямої, яка проходить через точки $C(-3; 12)$ і $D(1; 4)$.

Варіант 55

Частина перша

Завдання 1.1 – 1.12 мають по чотири варіанти відповідей, з яких тільки ОДНА відповідь ПРАВИЛЬНА. Оберіть правильну, на Вашу думку, відповідь та позначте її у бланку відповідей.

1.1. Виконайте піднесення до степеня: $(-3m^3)^3$.

- А) $-9m^9$; Б) $-9m^6$; В) $-27m^9$; Г) $-27m^6$.

1.2. У хлопчика було 32 зошити в клітинку, що становило $\frac{4}{7}$ усіх зошитів. Скільки всього зошитів було у хлопчика?

- А) 42 зошити; Б) 48 зошитів; В) 56 зошитів; Г) 64 зошити.

1.3. Скоротіть дріб $\frac{x-16}{\sqrt{x}-4}$.

- А) $\sqrt{x}+4$; Б) $\sqrt{x}-4$; В) $x-4$; Г) $x+4$.

1.4. Знайдіть координати точки перетину графіка рівняння $7x+5y=35$ з віссю ординат.

- А) (5; 0); Б) (0; 5); В) (7; 0); Г) (0; 7).

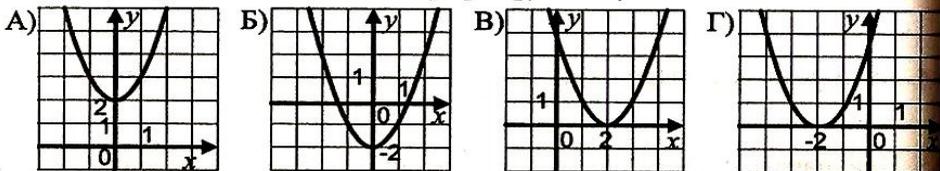
1.5. Розкладіть на множники многочлен x^2+2x-3 .

- А) $(x-1)(x+3)$; В) $(x+1)(x-3)$;
Б) $(x-1)(x-3)$; Г) $(x+1)(x+3)$.

1.6. З послідовності чисел $-9, -7, -6, 2, 3, 5$ вибрали два числа і знайшли їх добуток. Якого найбільшого значення може набути цей добуток?

- А) -45 ; Б) -12 ; В) 15 ; Г) 63 .

1.7. На якому з рисунків зображено графік функції $y = x^2 - 2$?



1.8. Прокат човна коштує 8 грн за першу годину або її частину. Кожна наступна година прокату або її частина коштує 6 грн. Василь узняв човна о 9 год 40 хв, а повернув о 13 год 15 хв того самого дня. Скільки Василь заплатив за прокат човна?

- А) 26 грн; Б) 29 грн; В) 32 грн; Г) 36 грн.

1.9. Електричну опору з точки, яка знаходиться на відстані 12 м від її основи, видно під кутом 45° . Яка висота опори?

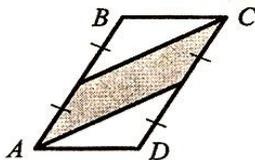
- А) 6 м; Б) 12 м; В) 24 м; Г) визначити неможливо

1.10. Кінці хорди кола ділять його на дві дуги, градусні міри яких відносяться як 4 : 5. Знайдіть градусні міри цих дуг.

- А) $40^\circ, 50^\circ$; Б) $80^\circ, 100^\circ$; В) $160^\circ, 200^\circ$; Г) $120^\circ, 240^\circ$.

1.11. Площа паралелограма $ABCD$, зображеного на рисунку, дорівнює S . Чому дорівнює площа зафарбованої фігури?

- А) $\frac{S}{2}$; Б) $\frac{S}{3}$; В) $\frac{S}{4}$; Г) $\frac{S}{5}$.



1.12. Коло задано рівнянням $(x-2)^2 + (y+5)^2 = 13$.

Як розташована точка $B(4; -1)$ відносно цього кола?

- А) належить колу; В) розташована всередині кола;
Б) розташована поза колом; Г) встановити неможливо.

Частина друга

Розв'яжіть завдання 2.1 – 2.6. Запишіть відповідь у бланк відповідей.

2.1. Розв'яжіть нерівність $\frac{7x-4}{9} - \frac{3x+3}{4} > \frac{8-x}{6}$.

2.2. Спростіть вираз $\left(\frac{2a+1}{2a-1} - \frac{2a-1}{2a+1}\right) : \frac{2a}{6a+3}$.

2.3. Чому дорівнює значення виразу $\frac{6^{-10}}{81^{-2} \cdot 16^{-3}}$?

2.4. Знайдіть суму шести перших членів геометричної прогресії (b_n) , якщо $b_4 = 24$, а знаменник $q = -2$.

2.5. Основи трапеції дорівнюють 8 см і 18 см, а одна з бічних сторін — 5 см. На скільки треба продовжити цю сторону, щоб вона перетнула пряму, яка містить іншу бічну сторону трапеції?

2.6. Дано точки $C(-3; 1)$, $D(1; 4)$, $E(2; 2)$. Знайдіть скалярний добуток векторів \overline{CD} і \overline{CE} .

Варіант 56

Частина перша

Завдання 1.1 – 1.12 мають по чотири варіанти відповідей, з яких тільки ОДНА відповідь ПРАВИЛЬНА. Оберіть правильну, на Вашу думку, відповідь та позначте її у бланку відповідей.

1.1. Яка з рівностей є хибною?

А) $\sqrt{225} = 15$; Б) $\sqrt{0,36} = 0,06$; В) $\sqrt{1,44} = 1,2$; Г) $\sqrt{1600} = 40$.

1.2. Яка найменша кількість трилітрових банок потрібна, щоб розлити в них 32 л молока?

А) 12 банок; Б) 10 банок; В) 11 банок; Г) 9 банок.

1.3. Спростіть вираз $\frac{5m-9}{m-2} - \frac{3-2m}{2-m}$.

А) $\frac{7m-12}{m-2}$; Б) $\frac{3m-12}{m-2}$; В) -3 ; Г) 3 .

1.4. Банк сплачує своїм вкладникам 8 % річних. Скільки грошей треба покласти в банк, щоб через рік отримати 600 грн прибутку?

А) 7500 грн; Б) 7200 грн; В) 8000 грн; Г) 7000 грн.

1.5. Яка нерівність обов'язково виконується, якщо $a > b$ і $c < 0$?

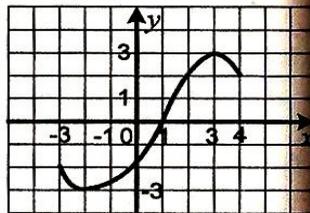
А) $a > b + c$; Б) $a + c > b$; В) $ac > b$; Г) $a > bc$.

1.6. Областю визначення якої з функцій є проміжок $[3; +\infty)$?

А) $y = \sqrt{3-x}$; Б) $y = \sqrt{x-3}$; В) $y = \frac{1}{\sqrt{3-x}}$; Г) $y = \frac{1}{\sqrt{x-3}}$.

1.7. На рисунку зображено графік функції, визначеної на проміжку $[-3; 4]$. Користуючись рисунком, укажіть проміжок зростання функції.

А) $[1; 4]$; Б) $[-3; 3]$;
Б) $[-2; 3]$; Г) $[-3; 1]$.



1.8. Між правим і лівим берегами річки курсує пором, який робить перший рейс о 8:00 від правого берега, а потім кожні 30 хв відправляється в новий рейс від одного берега до іншого, перевозячи щоразу не більше 75 пасажирів. О котрій годині відправиться на поромі людина, яка зайняла чергу на правому березі об 11:50 і була в черзі сто двадцять шостою?

А) 12:00; Б) 12:30; В) 13:00; Г) 13:30.

1.9. У трикутнику ABC відомо, що $AB = 12$ см, $BC = 16$ см, $AC = 20$ см, точка D — середина сторони AB , точка E — середина сторони AC . Знайдіть периметр чотирикутника $BDEC$.

А) 80 см; Б) 48 см; В) 24 см; Г) 40 см.

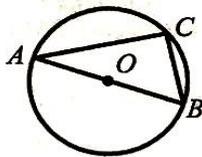
1.10. Чому дорівнює площа круга, вписаного в квадрат зі стороною 12 см?

- А) 6π см²; Б) 12π см²; В) 36π см²; Г) 144π см².

1.11. Точка O — центр кола, зображеного на рисунку.

Чому дорівнює величина кута ACB ?

- А) 60° ; Б) 45° ; В) 90° ; Г) визначити неможливо.



1.12. При якому значенні y вектори $\vec{a}(2; 5)$ і $\vec{b}(-6; y)$

колінеарні?

- А) -15 ; Б) 15 ; В) $-2,4$; Г) $2,4$.

Частина друга

Розв'яжіть завдання 2.1 – 2.6. Запишіть відповідь у бланк відповідей.

2.1. Спростіть вираз $\left(\frac{\sqrt{x}+1}{\sqrt{x}-1} - \frac{\sqrt{x}-1}{\sqrt{x}+1}\right) : \frac{8\sqrt{x}}{x-1}$.

2.2. Розв'яжіть систему рівнянь $\begin{cases} 3x - y = 5, \\ 3x^2 + y^2 = 13. \end{cases}$

2.3. Знайдіть найменший цілий розв'язок нерівності $\frac{2x+1}{6} - \frac{x-4}{4} > 2$.

2.4. Скоротіть дріб $\frac{a^2 - 12a + 36}{2a^2 - 11a - 6}$.

2.5. Сторони трикутника дорівнюють 6 см, 25 см і 29 см. Знайдіть радіус вписаного кола даного трикутника.

2.6. Два кола, радіуси яких дорівнюють 4 см і 9 см, мають зовнішній дотик. Знайдіть відстань між точками дотику даних кіл з їх спільною зовнішньою дотичною.

Варіант 57

Частина перша

Завдання 1.1 – 1.12 мають по чотири варіанти відповідей, з яких тільки ОДНА відповідь ПРАВИЛЬНА. Оберіть правильну, на Вашу думку, відповідь та позначте її у бланку відповідей.

1.1. Яке з чисел записано у стандартному вигляді?

- А) $0,6 \cdot 10^{-4}$; Б) $1,6 \cdot 10^{-3}$; В) $25,7 \cdot 10^{-2}$; Г) 710.

1.2. Скоротіть дріб $\frac{3a-12}{a^2-16}$.

- А) $\frac{3a-4}{a^2-4}$; Б) $\frac{3a-3}{a-4}$; В) $\frac{3}{a+4}$; Г) $\frac{a-4}{a+4}$.

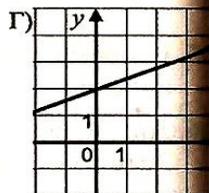
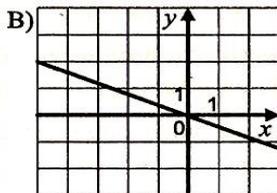
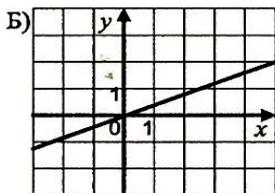
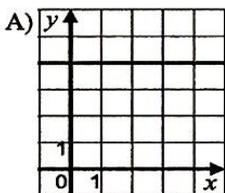
1.3. Знайдіть координати точки перетину графіка функції $y = 5x - 6$ з віссю абсцис.

- А) (0; -6); Б) (-6; 0); В) (1,2; 0); Г) (0; 1,2).

1.4. Михайло розпочав виконувати домашнє завдання з алгебри о 16 год 50 хв і виконував його три чверті години. О котрій годині він закінчив виконувати домашнє завдання з алгебри?

- А) 17 год 20 хв; Б) 17 год 25 хв; В) 17 год 30 хв; Г) 17 год 35 хв.

1.5. На якому з рисунків зображено графік функції $y = 0,4x$?



1.6. Яка функція спадає на проміжку $(0; +\infty)$?

- А) $y = \frac{2}{x}$; Б) $y = -\frac{2}{x}$; В) $y = 2x$; Г) $y = \sqrt{x}$.

1.7. У бензобак автомобіля вміщується 50 л бензину. Витрати бензину на кожні 100 км шляху становлять 9 л. Яку найбільшу цілу кількість кілометрів може проїхати цей автомобіль без дозаправки, якщо в дорозі вирушили з повним баком?

- А) 550 км; Б) 555 км; В) 556 км; Г) 560 км.

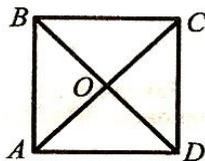
1.8. Яка ймовірність того, що при киданні грального кубика випаде число яке не кратне 3?

- А) $\frac{1}{6}$; Б) $\frac{1}{3}$; В) $\frac{2}{3}$; Г) $\frac{5}{6}$.

1.9. Обчисліть площу ромба $ABCD$, якщо $AC = 8$ см, $BD = 5$ см.

- А) 10 см²; Б) 13 см²; В) 40 см²; Г) 20 см².

1.10. Точка O — центр квадрата $ABCD$, зображеного на рисунку. Укажіть образ сторони CD при повороті навколо точки O проти годинникової стрілки на кут 90° .



- А) AB ; Б) BC ; В) CD ; Г) AD .

1.11. У трикутнику ABC відомо, що $AC = 6\sqrt{3}$ см, $\angle B = 60^\circ$, $\angle A = 45^\circ$. Знайдіть сторону BC .

- А) 6 см; Б) 12 см; В) $6\sqrt{2}$ см; Г) $12\sqrt{2}$ см.

1.12. При якому значенні x вектори $\vec{m}(2; y)$ і $\vec{n}(3; -2)$ перпендикулярні?

- А) 3; Б) -2; В) 2; Г) -3.

Частина друга

Розв'яжіть завдання 2.1 – 2.6. Запишіть відповідь у бланк відповідей.

2.1. Вкладник поклав у банк 5000 грн під 8 % річних. Який прибуток він отримає через 2 роки?

2.2. Який номер має член арифметичної прогресії 6; 14; 22; ... , що дорівнює 214?

2.3. Спростіть вираз $\left(\frac{\sqrt{a}+1}{\sqrt{a}-1} - \frac{4\sqrt{a}}{a-1} \right) : \frac{\sqrt{a}-1}{a+\sqrt{a}}$.

2.4. Знайдіть область визначення функції $y = \frac{x+1}{\sqrt{20-x-x^2}}$.

2.5. Спільна хорда двох кіл, які перетинаються, є стороною правильного трикутника, вписаного в одне коло, і стороною правильного шестикутника, вписаного в інше коло. Довжина цієї хорди дорівнює a . Знайдіть відстань між центрами кіл, якщо вони лежать по одну сторону від хорди.

2.6. Відрізок AB — діаметр кола, $AB = 24$ см. Точка A віддалена від дотичної до цього кола на 4 см. Знайдіть відстань від точки B до цієї дотичної.

Варіант 58

Частина перша

Завдання 1.1 – 1.12 мають по чотири варіанти відповідей, з яких тільки ОДНА відповідь ПРАВИЛЬНА. Оберіть правильну, на Вашу думку, відповідь та позначте у бланку відповідей.

1.1. Укажіть вираз, який не має змісту.

- А) $-\sqrt{10}$; Б) $\sqrt{-10}$; В) $\sqrt{10}$; Г) $\sqrt{(-10)^4}$.

1.2. Розв'яжіть систему рівнянь $\begin{cases} 7x + 3y = 17, \\ 4x - 3y = 5. \end{cases}$

- А) (3; 1); Б) (1; 3); В) (2; 1); Г) (1; 2).

1.3. Виконайте додавання: $\frac{3m^2 - 4n^2}{mn} + \frac{4n - 7m}{m}$.

- А) $3m^2 - 7$; Б) $\frac{3m + 7n}{n}$; В) $\frac{3m - 7n}{n}$; Г) $\frac{3m^2 - 7mn + 8}{mn}$

1.4. Спростіть вираз $\frac{4,2m^2n^{-5}}{0,7m^4n^{-8}}$.

- А) $6m^{-2}n^3$; Б) $6m^{-2}n^{-13}$; В) $0,6m^{-2}n^3$; Г) $0,6m^{-2}n^{-13}$.

1.5. Розв'яжіть нерівність $4x - 7 < 7x + 8$.

- А) $(-\infty; 5)$; Б) $(-\infty; -5)$; В) $(5; +\infty)$; Г) $(-5; +\infty)$.

1.6. На графіку, зображеному на рисунку, відображено об'єми продаж пірижків у шкільному буфеті протягом одного тижня. Скільки в середньому продавали пірижків за один день?



- А) 108 пірижків; Б) 110 пірижків; В) 112 пірижків; Г) 115 пірижків.

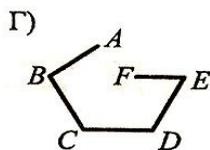
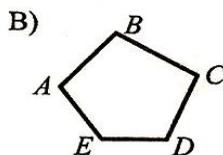
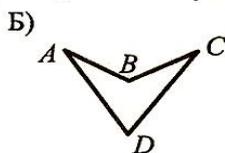
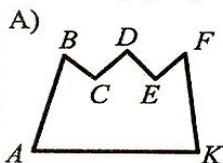
1.7. Значення якого з даних виразів буде найбільшим, якщо a — від'ємне число?

- А) $2 - a$; Б) $a - 2$; В) $2 : a$; Г) $a : 2$.

1.8. Швидкість товарного поїзда дорівнює 54 км/год. Яка довжина цього поїзда, якщо повз нерухомого спостерігача він проходить за 12 с?

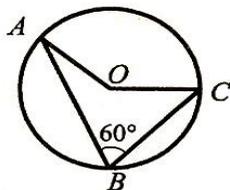
- А) 160 м; Б) 240 м; В) 200 м; Г) 180 м.

1.9. На якому рисунку зображено опуклий багатокутник?



1.10. Точка O — центр кола, зображеного на рисунку. Чому дорівнює величина кута AOC ?

- А) 60° ; Б) 120° ; В) 150° ; Г) 100° .

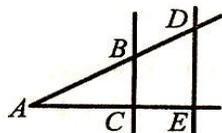


1.11. Точка K — середина відрізка CD , $D(-7; 2)$, $K(1; 2)$. Знайдіть координати точки C .

- А) $C(9; 2)$; Б) $C(8; 0)$; В) $C(-3; 2)$; Г) $C(-3; 0)$.

1.12. Паралельні прямі BC і DE перетинають сторони кута A , зображеного на рисунку, $AB = 6$ см, $AC = 4$ см, $CE = 2$ см. Знайдіть відрізок BD .

- А) 6 см; Б) 4 см; В) 5 см; Г) 3 см.



Частина друга

Розв'яжіть завдання 2.1 – 2.6. Запишіть відповідь у бланк відповідей.

2.1. При якому значенні a розклад на лінійні множники тричлена $2x^2 + ax - 3$ містить множник $2x - 3$?

2.2. Знайдіть координати точок перетину прямої $2x - y + 2 = 0$ і параболи $y = 2x^2 + 5x - 7$.

2.3. Чому дорівнює значення виразу $\sqrt{(8 - \sqrt{7})^2} + \sqrt{(2 - \sqrt{7})^2}$?

2.4. Знайдіть суму нескінченної геометричної прогресії $125; -25; 5; \dots$.

2.5. Обчисліть площу ромба, одна з діагоналей якого дорівнює 16 см, а сторона — 10 см.

2.6. Як відноситься сторона правильного шестикутника, вписаного в коло, до сторони правильного шестикутника, описаного навколо цього кола?

Варіант 59

Частина перша

Завдання 1.1 – 1.12 мають по чотири варіанти відповідей, з яких тільки ОДНА відповідь ПРАВИЛЬНА. Оберіть правильну, на Вашу думку, відповідь та позначте у бланку відповідей.

1.1. Знайдіть значення виразу $x + 10y$ при $x = 1,5$ і $y = -\frac{1}{5}$.

- A) 0,5; Б) -0,5; В) 3,5; Г) -3,5.

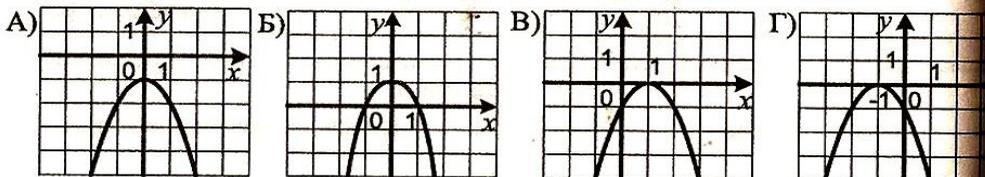
1.2. Дошку треба розпилити на 5 частин. Кожний розпил займає 2 хв. Скільки часу потрібно на виконання цієї роботи?

- A) 12 хв; Б) 10 хв; В) 8 хв; Г) 6 хв.

1.3. Яка область визначення функції $y = \frac{12}{\sqrt{32-4x}}$?

- A) $[8; +\infty)$; Б) $(8; +\infty)$; В) $(-\infty; 8]$; Г) $(-\infty; 8)$.

1.4. На якому з рисунків зображено графік функції $y = 1 - x^2$?



1.5. Знайдіть четвертий член геометричної прогресії, перший член якої $b_1 = \frac{1}{27}$, а знаменник $q = -3$.

- A) -1; Б) 1; В) 3; Г) -3.

1.6. Розв'яжіть рівняння $\frac{x^2 - 25}{x - 5} = 0$.

- A) 5; Б) -5; В) -5; 5; Г) коренів немає

1.7. У Петра і Катерини було порівну фломастерів. Петро подарував Катерині третину своїх фломастерів. У скільки разів у Катерини стало більше фломастерів, ніж у Петра?

- A) у 2 рази; Б) в 1,5 рази; В) у 3 рази; Г) у 4 рази.

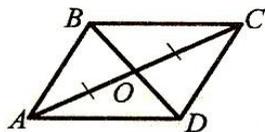
1.8. Опитавши групу хлопчиків-дев'ятикласників про їх розміри взуття, склали таблицю:

Розмір взуття	26,5	27	27,5	28	28,5	29	29,5
Кількість хлопчиків	5	8	7	7	6	5	2

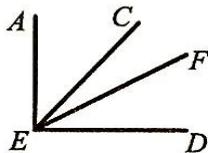
Знайдіть відносну частоту, яка відповідає розміру взуття 28.

- A) 14 %; Б) 16,5 %; В) 17,5 %; Г) 16 %.

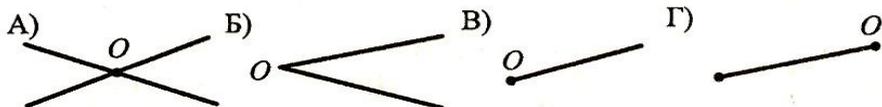
- 1.9. Якою має бути довжина діагоналі BD чотирикутника $ABCD$, зображеного на рисунку, щоб він був паралелограмом, якщо $AO = OC$, $BO = 4$ см?



- А) 4 см; Б) 6 см; В) 8 см; Г) 12 см.
- 1.10. З вершини прямого кута AED , зображеного на рисунку, проведено два промені EC і EF так, що $\angle AEF = 58^\circ$, $\angle CED = 49^\circ$. Обчисліть величину кута CEF .



- А) 7° ; Б) 17° ; В) 9° ; Г) 12° .
- 1.11. Чому дорівнює площа круга, довжина кола якого 16π см?
- А) 8π см²; Б) 16π см²; В) 32π см²; Г) 64π см².
- 1.12. Яка з даних фігур збігається зі своїм образом при гомотетії з центром O і коефіцієнтом $k < 0$?



Частина друга

Розв'яжіть завдання 2.1 – 2.6. Запишіть відповідь у бланк відповідей.

- 2.1. Знайдіть нулі функції $y = -9x^4 + 10x^2 - 1$.
- 2.2. Складіть квадратне рівняння, корені якого дорівнюють $7 - \sqrt{5}$ і $7 + \sqrt{5}$.
- 2.3. Спростіть вираз $\frac{3a}{a-3} + \frac{a+5}{6-2a} \cdot \frac{54}{5a+a^2}$.
- 2.4. Знайдіть значення виразу $\frac{9^{-2} \cdot 3^{-5}}{81 \cdot 27^{-3}}$.
- 2.5. Основи прямокутної трапеції дорівнюють 8 см і 14 см, а один із кутів трапеції дорівнює 30° . Знайдіть площу трапеції.
- 2.6. Складіть рівняння прямої, яка проходить через точку $B(-3; 8)$ і утворює з додатним напрямом осі абсцис кут 135° .

Варіант 60

Частина перша

Завдання 1.1 – 1.12 мають по чотири варіанти відповідей, з яких тільки ОДНА відповідь ПРАВИЛЬНА. Оберіть правильну, на Вашу думку, відповідь та позначте у бланку відповідей.

1.1. Яка частина години минула від 13:50 до 14:30?

- А) $\frac{1}{3}$; Б) $\frac{1}{2}$; В) $\frac{2}{3}$; Г) $\frac{3}{4}$.

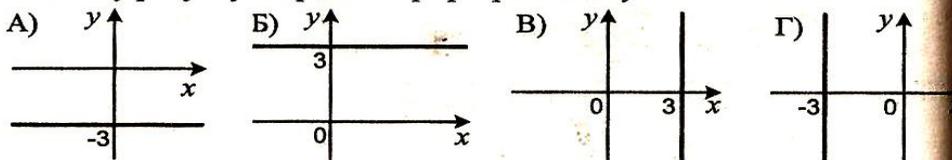
1.2. Яке з чисел має найменший модуль?

- А) 0; Б) -2; В) 4; Г) -6.

1.3. Спростіть вираз $\frac{a^2+2ab}{a^2} : \frac{a^2+4ab+4b^2}{ab}$.

- А) $\frac{a}{a+2b}$; Б) $\frac{a+2b}{a}$; В) $\frac{b}{a+2b}$; Г) $\frac{a+2b}{b}$.

1.4. На якому рисунку зображено графік рівняння $y-3=0$?



1.5. Яке з рівнянь має рівно два корені?

- А) $|x-2|=3$; Б) $0x=0$; В) $2x-8=7$; Г) $2(x-3)=0$.

1.6. Яка з систем нерівностей має єдиний розв'язок?

- А) $\begin{cases} x \geq -3, \\ x \leq -2; \end{cases}$ Б) $\begin{cases} x > -2, \\ x < -3; \end{cases}$ В) $\begin{cases} x > -3, \\ x < -3; \end{cases}$ Г) $\begin{cases} x \geq -3, \\ x \leq -3. \end{cases}$

1.7. Клас, у якому навчається 30 учнів, прийшов на екскурсію до музею. Вхідний квиток для одного учня коштує a грн, а за супроводження екскурсовода потрібно заплатити додатково 45 грн. Укажіть формулу для обчислення загальної вартості b екскурсії.

- А) $b = a + 45$; Б) $b = 30a + 45$; В) $b = 30(a + 45)$; Г) $b = 45a + 30$.

1.8. При яких значеннях a і b виконується рівність $\sqrt{ab} = \sqrt{-a} \cdot \sqrt{-b}$?

- А) $a > 0$ і $b < 0$; В) $a < 0$ і $b > 0$;
Б) $a \leq 0$ і $b \leq 0$; Г) $a > 0$ і $b > 0$.

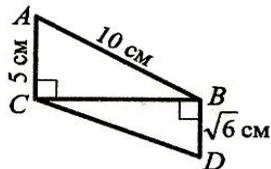
1.9. Діагоналі квадрата $ABCD$ перетинаються в точці O , $AO = 12$ см. Знайдіть відрізок BD .

- А) 6 см; Б) 12 см; В) 18 см; Г) 24 см.

1.10. Скільки сторін має правильний багатокутник, кут якого дорівнює 150° ?

- А) 12; Б) 9; В) 10; Г) 6.

- 1.11. На рисунку зображено трикутники ABC і BCD такі, що $\angle ACB = \angle CBD = 90^\circ$. Знайдіть відрізок CD .



- А) 8 см; Б) $\sqrt{11}$ см; В) $\sqrt{69}$ см; Г) 9 см.
- 1.12. Які координати має образ точки $B(3; -4)$ при симетрії відносно осі абсцис?
- А) $(-4; 3)$; Б) $(3; 4)$; В) $(-3; -4)$; Г) $(-3; 4)$.

Частина друга

Розв'яжіть завдання 2.1 – 2.6. Запишіть відповідь у бланк відповідей.

- 2.1. При яких значеннях b рівняння $2x^2 - bx + 8 = 0$ має два різних корені?
- 2.2. Учень 9 класу отримав за письмові роботи з алгебри оцінки 7, 8, 7, 9, 6. Яку оцінку він має отримати за наступну роботу, щоб середній бал за всі роботи дорівнював 8?
- 2.3. Обчисліть суму п'ятнадцяти перших членів арифметичної прогресії, якщо її шостий член дорівнює 2,2, а різниця дорівнює 2,4.
- 2.4. Розв'яжіть рівняння $\frac{2x+3}{x^2-4x+4} - \frac{x-1}{x^2-2x} = \frac{5}{x}$.
- 2.5. Чому дорівнює кут ADC чотирикутника $ABCD$, вписаного в коло, якщо $\angle ACD = 32^\circ$, $\angle CBD = 56^\circ$?
- 2.6. Точка M — середина сторони AB трикутника ABC , точка K — середина сторони AC . Площа трикутника AMK дорівнює 12 см^2 . Чому дорівнює площа чотирикутника $BMKC$?